

# *Apuntes y Resumen de la Asignatura Señales y Sistema*

**Autores:**

SAMUEL REY ESCUDERO

BORJA IMAZ LUEJE

**Grado en Ciencia e Ingeniería de Datos**

**Curso 2024/2025**



©2024 Autores Samuel Rey Escudero, Borja Imaz Lueje

Algunos derechos reservados

Este documento se distribuye bajo la licencia

“Atribución-CompartirIgual 4.0 Internacional” de Creative Commons,  
disponible en

<https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.es>

Esta licencia no se aplica a materiales de terceros que puedan estar incluidos en esta obra y que mantiene los derechos de los autores originales.



---

## Índice

---

<b>1</b>	<b>Tema 1: Señales en el dominio del tiempo</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Tema 2: Sistemas en el dominio del tiempo</b>	<b>4</b>
<b>3</b>	<b>Tema 3: Señales y sistemas continuos en el dominio de la frecuencia</b>	<b>7</b>
<b>4</b>	<b>Tema 4: Señales y sistemas discretos en el dominio de la frecuencia</b>	<b>9</b>
<b>5</b>	<b>Tema 5: Muestreo</b>	<b>11</b>
<b>6</b>	<b>Tema 6: Transformada de Fourier Discreta (DFT)</b>	<b>14</b>
<b>7</b>	<b>Tema 7: Introducción al diseño de filtros digitales</b>	<b>16</b>



# Tema 1

---

## Tema 1: Señales en el dominio del tiempo

---

### 1.1 Concepto de Señal y Sistema

- **Señal:** Función matemática que representa información sobre una magnitud física. Clasificación según el número de variables independientes:
  - **Unidimensional:** Depende de una variable (ej., audio, señales económicas).
  - **Bidimensional:** Depende de dos variables (ej., imágenes en escala de grises).
  - **Tridimensional:** Depende de tres variables (ej., video).
- **Sistema:** Proceso o dispositivo que transforma una señal de entrada en otra de salida. Ejemplos incluyen circuitos eléctricos, el cuerpo humano y dispositivos de comunicación.

### 1.2 Tipos de Señales: Tiempo Continuo (TC) y Tiempo Discreto (TD)

- **Señales de Tiempo Continuo:** Definidas en un intervalo continuo de tiempo; común en fenómenos físicos como temperatura y movimiento.
- **Señales de Tiempo Discreto:** Definidas solo en puntos específicos (instantes discretos). Son necesarias para el análisis en sistemas digitales.
- **Conversión de Señales:**
  - **Muestreo:** Obtención de valores de una señal continua en intervalos regulares.
  - **Cuantificación:** Aproximación de la amplitud a niveles discretos, lo que permite su almacenamiento y procesamiento digital.

### 1.3 Clasificación de Señales según Determinismo y Aleatoriedad

- **Señales Deterministas:** Valores completamente definidos sin incertidumbre (ej., una señal sinusoidal con frecuencia y amplitud conocidas).

- **Señales Aleatorias:** Valores con incertidumbre, descritos estadísticamente (ej., ruido en una transmisión de datos). Pueden contener información útil.

#### 1.4 Operaciones con Señales

- **Operaciones en la Variable Dependiente:**
  - **Suma:** Agregar un valor constante a cada punto de la señal.
  - **Escalado:** Multiplicación por un valor constante, que modifica la amplitud.
  - **Inversión de Signo:** Multiplicación por  $-1$ , cambiando el sentido de la señal.
- **Operaciones en la Variable Independiente:**
  - **Desplazamiento Temporal:** Desplaza la señal en el tiempo (hacia adelante o atrás).
  - **Inversión Temporal:** Invierte la señal respecto al tiempo, útil para análisis simétricos.
  - **Escalado Temporal:** Modifica la velocidad de reproducción (comprimiendo o expandiendo la señal en el tiempo).

#### 1.5 Propiedades de las Señales

- **Simetría:**
  - **Par:** Simétrica respecto al eje vertical (ej.,  $x(t) = x(-t)$ ).
  - **Impar:** Antisimétrica respecto al eje vertical (ej.,  $x(t) = -x(-t)$ ).
  - Toda señal se puede descomponer en componentes pares e impares.
- **Periodicidad:**
  - **Periodo:** Una señal es periódica si se repite después de un intervalo  $T$  (ej., senoides).
  - El **periodo fundamental** es el menor  $T$  para el cual la señal es periódica.
- **Valor Medio y Potencia/Energía:**
  - **Valor Medio:** Promedio de la señal en un intervalo, útil para determinar componentes de baja frecuencia.
  - **Potencia Media:** Energía promedio por unidad de tiempo, relevante en señales periódicas.
  - **Energía Total:** Integral (o suma en señales discretas) de la magnitud al cuadrado, útil para señales de duración finita.

#### 1.6 Señales Básicas en Tiempo Continuo (TC) y Tiempo Discreto (TD)

- **Escalón Unitario ( $u(t)$ ):** Señal que cambia de 0 a 1 en  $t = 0$ , usada para representar activaciones súbitas.
- **Impulso Unitario ( $\delta(t)$ ):** Función que representa un cambio instantáneo. En tiempo discreto, es la **delta de Kronecker** ( $\delta[n]$ ), donde solo un punto es no nulo.

- **Señales Sinusoidales:** Expresadas como  $A \cos(\omega t + \phi)$ , donde  $A$  es la amplitud,  $\omega$  la frecuencia angular, y  $\phi$  la fase. Son fundamentales en análisis de señales periódicas.
- **Exponenciales Complejas:** Expresadas como  $Ae^{(j\omega t)}$ , relacionadas con senos y cosenos por la fórmula de Euler. Son útiles para analizar señales oscilatorias y sistemas.

### 1.7 Propiedades Específicas de Señales Discretas

- **Impulso y Escalón Discretos:** El impulso discreto  $\delta[n]$  es útil para descomponer señales como sumas de impulsos desplazados.
- **Señales Sinusoidales en TD:** Solo son periódicas si la frecuencia cumple una condición especial, debido a la naturaleza del muestreo, que limita las frecuencias de repetición.
- **Exponenciales Complejas Discretas:** Se comportan de manera similar a las sinusoidales discretas y ayudan a simplificar el análisis de señales complejas.

### 1.8 Resumen Final de la Teoría de Señales y Sistemas

- Las señales representan información física; los sistemas procesan esta información.
- Es fundamental distinguir entre **señales continuas** y **discretas** y sus respectivos análisis.
- **Operaciones y propiedades** de señales permiten manipularlas y extraer características esenciales.
- Las **señales básicas** (escalón, impulso, sinusoidales y exponenciales) sirven como bloques de construcción para comprender y analizar señales más complejas en sistemas.

# Tema 2

---

## Tema 2: Sistemas en el dominio del tiempo

---

### 2.1 Concepto de Sistema

- **Sistema:** Proceso o dispositivo que transforma una señal de entrada en una señal de salida. Ejemplos incluyen sistemas dinámicos como circuitos RLC y sistemas mecánicos.
- **Sistemas Continuos y Discretos:**
  - **Sistemas Continuos:** Operan sobre señales continuas, como integradores.
  - **Sistemas Discretos:** Operan sobre señales discretas. Ejemplo: un sistema acumulador (equivalente discreto del integrador).

### 2.2 Interconexión de Sistemas

- **Tipos de Interconexión:**
  - **Serie:** La salida de un sistema es la entrada del siguiente.
  - **Paralelo:** Los sistemas comparten la misma entrada y sus salidas se suman.
  - **Combinada:** Interconexión en serie y paralelo de varios sistemas.
  - **Realimentación:** La salida se usa para ajustar la entrada; común en sistemas de control.

### 2.3 Propiedades de los Sistemas

- **Memoria:**
  - **Sin Memoria:** La salida en cada instante depende sólo de la entrada en ese mismo instante.
  - **Con Memoria:** La salida depende de valores pasados o futuros de la entrada.

- **Invertibilidad:** Un sistema es invertible si entradas distintas producen salidas distintas, permitiendo recuperar la entrada a partir de la salida.
- **Causalidad:**
  - **Causal:** La salida depende solo de la entrada en el presente o pasado, no en el futuro.
  - **Anticausal:** La salida depende sólo de valores futuros de la entrada.
- **Estabilidad:** Un sistema es estable (BIBO) si una entrada acotada produce una salida acotada.
- **Invarianza Temporal:** Un sistema es invariante si un desplazamiento temporal de la entrada causa un desplazamiento equivalente en la salida.
- **Linealidad:** Cumple el principio de superposición, donde:
  - **Aditividad:** La respuesta a  $x_1(t) + x_2(t)$  es  $y_1(t) + y_2(t)$ .
  - **Escalado:** La respuesta a  $ax(t)$  es  $ay(t)$ .

## 2.4 Sistemas Lineales e Invariantes en el Tiempo (LTI)

- Los **sistemas LTI** (lineales e invariantes en el tiempo) permiten análisis simplificados:
  - **Respuesta al Impulso**  $h(t)$ : La respuesta del sistema a una entrada  $\delta(t)$ . La respuesta al impulso determina completamente el sistema.
  - **Convolución:** La salida  $y(t)$  para cualquier entrada  $x(t)$  se calcula como la convolución de  $x(t)$  y  $h(t)$ , es decir,  $y(t) = h(t) * x(t)$ .

## 2.5 Propiedades de la Convolución

- **Conmutativa:**  $x(t) * h(t) = h(t) * x(t)$
- **Asociativa:**  $(x(t) * h_1(t)) * h_2(t) = x(t) * (h_1(t) * h_2(t))$
- **Distributiva:**  $x(t) * (h_1(t) + h_2(t)) = x(t) * h_1(t) + x(t) * h_2(t)$
- **Elemento Neutro:** La convolución de cualquier señal con el impulso unitario  $\delta(t)$  da la señal original.

## 2.6 Análisis de Sistemas LTI

- **Respuesta al Escalón:** Para un LTI, la respuesta al escalón  $u(t)$  es la integral de su respuesta al impulso  $h(t)$ .
- **Estabilidad de LTI:** Para que un LTI sea estable, su respuesta al impulso debe ser absolutamente integrable.
- **Invertibilidad:** Un LTI es invertible si existe un sistema cuya convolución con el LTI original produce  $\delta(t)$ .

## 2.7 Sistemas LTI en Tiempo Discreto

- **Propiedades en TD:**
  - **Memoria:** Sin memoria si la respuesta al impulso es nula excepto en el origen.
  - **Causalidad:** Respuesta al impulso nula para instantes negativos.
  - **Estabilidad:** Un LTI en TD es estable si su respuesta al impulso es absolutamente sumable.

## 2.8 Sistemas LTI por Ecuaciones en Diferencias

- Descritos por sumas de valores pasados y presentes de la entrada y salida. Estos sistemas son:
  - **Fáciles de implementar:** Especialmente en tiempo discreto.
  - **Analizables en Frecuencia:** Utilizan retardadores, sumadores y escaladores.

## 2.9 Resumen Final del Tema

- Los sistemas transforman señales; su análisis se simplifica en los LTI.
- Las propiedades de la respuesta al impulso permiten calcular la salida para cualquier entrada.
- Los sistemas definidos por ecuaciones en diferencias son un tipo específico de LTI y son esenciales en el procesamiento digital.

# Tema 3

---

## Tema 3: Señales y sistemas continuos en el dominio de la frecuencia

---

### 3.1 SLIT y Señales Sinusoidales

- **Respuesta a Exponenciales Complejas:** Un SLIT responde a una señal de entrada  $x(t) = e^{s_0 t}$  con una salida proporcional a la entrada, escalada en amplitud y fase, pero manteniendo la misma frecuencia.
- **Función del Sistema  $H(s)$ :** Relaciona la salida y la entrada del sistema para cada  $s$ , y contiene toda la información sobre el SLIT.
- **Respuesta en Frecuencia  $H(j\omega)$ :** Define cómo el sistema afecta amplitud y fase a diferentes frecuencias de entrada sin cambiar su frecuencia.

### 3.2 Series de Fourier (DSF)

- **Desarrollo en Series de Fourier (DSF):** Permite representar una señal periódica como suma de exponenciales complejas relacionadas armónicamente.
- **Coefficientes de Fourier  $R_k$ :** Se calculan integrando la señal sobre un periodo. Estos coeficientes determinan la combinación lineal de exponenciales.
- **Propiedades del DSF:**
  - **Valor Medio:** El coeficiente  $R_0$  corresponde al valor medio de la señal.
  - **Linealidad, Desplazamiento Temporal, Inversión Temporal y Escalado:** Propiedades fundamentales para simplificar operaciones con señales.
  - **Relación de Parseval:** La potencia media de la señal se puede expresar como la suma del módulo al cuadrado de los coeficientes de Fourier.

### 3.3 Transformada de Fourier (TF)

- **Definición:** Extensión del DSF para señales aperiódicas, donde se utiliza una integral continua para representar la señal en función de exponenciales complejas.
- **Propiedades de la TF:**
  - **Linealidad, Desplazamiento, y Simetría:** Simplifican operaciones y análisis de señales.
  - **Escalado, Dualidad, y Conjugación:** Relacionan propiedades de señales y sus transformadas en el dominio de la frecuencia.
  - **Relación de Parseval:** La energía de una señal en el dominio del tiempo es igual a la energía en el dominio de la frecuencia.
- **Pares de Transformadas Básicas:** Incluyen transformadas de funciones comunes como impulsos, senos, cosenos y señales periódicas.

### 3.4 Aplicaciones

- **Filtros:** Los filtros en procesamiento de señal son SLIT que permiten modificar la respuesta en frecuencia, eliminando o amplificando ciertas frecuencias.
- **Tipos de Filtros:**
  - **Filtros MA (Moving Average):** No necesitan condiciones iniciales y dependen solo de la entrada.
  - **Filtros AR (Auto-Regresivos):** Requieren valores anteriores de salida para el cálculo actual.
  - **Filtros ARMA (Auto-Regresivos y Media Móvil):** Combinan ambos tipos y permiten flexibilidad en el diseño.
- **Respuesta en Frecuencia de un Filtro:** La frecuencia de salida se obtiene resolviendo la ecuación diferencial asociada y aplicando la transformada de Fourier.

### 3.5 Resumen Final del Tema

- Los SLIT modifican la amplitud y fase de exponenciales complejas, sin alterar su frecuencia.
- El DSF permite expresar señales periódicas en términos de frecuencias armónicas, facilitando el análisis de salida de SLIT.
- La TF extiende el análisis a señales aperiódicas, permitiendo representar cualquier señal como suma de frecuencias.
- La implementación de filtros a partir de SLIT con ecuaciones diferenciales es crucial en procesamiento de señales, destacando los filtros MA, AR y ARMA.

# Tema 4

---

## Tema 4: Señales y sistemas discretos en el dominio de la frecuencia

---

### 4.1 Series de Fourier en Tiempo Discreto (DT)

- **Exponenciales Complejas en DT:** La señal en DT puede representarse mediante exponenciales complejas que, a diferencia del caso continuo, no siempre son periódicas.
- **Descomposición de Señales Periódicas Discretas:** Cualquier señal periódica  $x[n]$  en DT con periodo  $N$  se descompone en una suma de  $N$  exponenciales complejas armónicamente relacionadas.
- **Coeficientes del DSF  $a_k$ :** Son valores complejos que permiten la reconstrucción de la señal discreta. Pueden obtenerse resolviendo un sistema de ecuaciones o usando propiedades de ortogonalidad.

### 4.2 Propiedades de la serie de Fourier en tiempo discreto (DSF)

- **Linealidad, Desplazamiento y Escalado:** El DSF permite analizar efectos como desplazamientos y escalados temporales.
- **Multiplicación y Parseval:** La relación de Parseval proporciona una relación entre el tiempo y la energía en frecuencia.
- **Sistemas Lineales e Invariantes (SLIT) y DSF:** Los SLTI afectan a los coeficientes del DSF, multiplicándolos por la respuesta en frecuencia del sistema.

### 4.3 Transformada de Fourier (TF) en DT

- **Definición y propiedades:** La TF de una señal aperiódica en DT es una función continua y compleja, periódica en la variable espectral  $\Omega$  con período  $2\pi$ . Se puede ver como una generalización del DSF.

- **Diferencias con el caso continuo:** La transformada en este caso es periódica, y típicamente se representa entre  $-\pi, \pi$ .
- **Relación entre TF y DT:**
  - Se utiliza el DSF para construir la TF de una señal no periódica considerando muestras equiespaciadas de la TF.
  - Las ecuaciones de análisis y síntesis permiten obtener la TF directamente de los coeficientes de Fourier en DT.

#### 4.4 Propiedades de la TF en DT

- **Periodicidad y Linealidad:** La TF es periódica, con período  $2\pi$  y con la propiedad de linealidad.
- **Desplazamiento y Escalado en Tiempo y Frecuencia:** La TF en DT tiene propiedades análogas a las del dominio continuo.
- **Convolución y Modulación:** La convolución periódica permite representar multiplicaciones en el dominio de la frecuencia.
- **Parseval y Dualidad:** Una secuencia  $f[n]$  en el dominio temporal con una determinada TF/SF implica que una señal con la forma de esa TF/SF en tiempo tiene una TF/SF similar a la secuencia original. Por su parte, Parseval establece una relación entre energía de la señal en el dominio espectral.

#### 4.5 Ejemplos

- **Onda Cuadrada, Suma de Sinusoides:** Ejemplos prácticos que ilustran cómo obtener y analizar los coeficientes de Fourier.
- **Tren de Impulsos:** La TF de un tren de impulsos periódico también es periódica, mostrando la periodicidad de las TF en DT.

#### 4.6 Resumen General

- **DSF vs. TF:** DSF se usa para señales periódicas y la TF para señales aperiódicas.
- **Importancia de la TF en SLTI:** La TF permite analizar la respuesta en frecuencia de sistemas lineales descritos por ecuaciones en diferencias, lo cual es fundamental para el diseño y análisis de sistemas digitales.

# Tema 5

---

## Tema 5: Muestreo

---

### 5.1 Introducción al Muestreo

- **Objetivo:** Transformar señales continuas en discretas para permitir su procesamiento digital.
- **Ejemplos y aplicaciones:** Grabación de voz, imágenes digitales, procesamiento de señales en computadoras.
- **Preguntas clave:** ¿Cómo tomar muestras de una señal continua sin perder información esencial? ¿Cuándo es posible recuperar la señal continua a partir de sus muestras discretas?

### 5.2 Muestreo de Señales Continuas

- **Análisis en el Dominio del Tiempo y Frecuencia:**
  - El muestreo implica tomar muestras de una señal continua  $x(t)$  en intervalos regulares, lo cual se representa por  $x[n] = x(nT_s)$  siendo  $T_s$  el período de muestreo.
  - **Análisis en frecuencia:** Explica cómo el espectro de la señal muestreada es una réplica periódica del espectro de la señal continua original.
- **Teorema de Nyquist-Shannon y Aliasing:**
  - Establece que para evitar la pérdida de información (aliasing), la frecuencia de muestreo  $f_s$  debe ser al menos el doble de la máxima frecuencia presente en la señal (ancho de banda  $W$ ).
  - Si  $f_s < 2W$ , aparece aliasing, es decir, solapamiento de espectros, que genera distorsión irreparable en la señal reconstruida.
- **Reconstrucción de la Señal:**
  - Para reconstruir una señal a partir de muestras, se usa un filtro paso bajo ideal que elimina las réplicas de alta frecuencia del espectro muestreado.
  - Idealmente, esto implica que se usa una función sinc en tiempo, para recuperar la señal continua.

### 5.3 Aspectos Prácticos en Muestreo

- **Filtros Antisolapamiento:** Para evitar aliasing en la práctica, se pre-filtran las señales antes de muestrear, reduciendo su ancho de banda a menos de  $f_s/2$ .
- **Interpolación Subóptima:** Debido a las limitaciones prácticas, se utilizan interpoladores de orden bajo (orden 0 y 1), que simplifican el proceso de reconstrucción con menor calidad comparada al interpolador ideal.
- **Cuantificación:** Una vez muestreada, la señal se cuantifica para convertir valores continuos a niveles discretos, ajustándose al formato digital con valores finitos (representados en bits).

### 5.4 Muestreo y Procesamiento Discreto de Señales Continuas

- Una señal continua puede ser muestreada, procesada en formato digital y luego reconstruida en forma continua mediante interpolación.
- Este proceso permite aprovechar la flexibilidad y precisión del procesamiento digital para señales analógicas, siempre que se cumpla el teorema de muestreo.

### 5.5 Muestreo de Señales Discretas

- **Operaciones de Diezmado e Interpolación:**
  - **Diezmado:** Proceso de reducir la cantidad de muestras, permitiendo reducir la tasa de datos. Esto se logra eliminando muestras intermedias y provoca compresión en el dominio de la frecuencia.
  - **Interpolación:** Proceso inverso al diezmado, que consiste en aumentar la cantidad de muestras, generalmente rellenando con ceros y filtrando.
  - Ambos procesos permiten ajustar la frecuencia de muestreo de la señal en sistemas discretos sin requerir una conversión a formato continuo.
- **Remuestreo:** Combina diezmado e interpolación con factores distintos para ajustar la frecuencia de muestreo en sistemas de transmisión o procesamiento que requieren cambios de tasa personalizados.

### 5.6 Resumen General

- **Fundamento del Muestreo:** Permite convertir señales continuas en discretas, facilitando su procesamiento digital, con aplicaciones en audio, imagen y otros campos.
- **Teorema de Nyquist y Aliasing:** Para evitar distorsiones (aliasing), la frecuencia de muestreo debe ser al menos el doble del ancho de banda de la señal original.
- **Reconstrucción de Señales:** Un filtro paso bajo ideal permite recuperar la señal continua a partir de sus muestras, evitando las réplicas espectrales indeseadas.

- **Muestreo de Señales Discretas:** Operaciones como diezmado e interpolación ajustan la tasa de muestreo en señales digitales, permitiendo una mayor flexibilidad en aplicaciones prácticas de transmisión y almacenamiento.

# Tema 6

---

## Tema 6: Transformada de Fourier Discreta (DFT)

---

### 6.1 Introducción a la DFT

- La DFT permite transformar señales discretas y finitas al dominio de la frecuencia de forma computacionalmente eficiente, lo cual es fundamental en procesamiento digital de señales.
- **Comparación con otras transformadas:** A diferencia de la Transformada de Fourier Discreta en Tiempo (TFDT), la DFT es discreta y finita, siendo ideal para implementaciones en dispositivos como computadoras y teléfonos.

### 6.2 Definición de la DFT

- La DFT transforma una señal discreta  $x[n]$  de longitud  $N$  en una secuencia de  $X[k]$  de la misma longitud.
- **Ecuaciones de análisis y síntesis:**
  - La **fórmula de análisis** define  $X[k]$  como la suma ponderada de  $x[n]$  mediante exponenciales complejas.
  - La **fórmula de síntesis** permite reconstruir  $x[n]$  a partir de  $X[k]$ , mostrando la relación entre tiempo y frecuencia en señales discretas.

### 6.3 Interpretación de la DFT como Muestreo de la TF

- La DFT se puede ver como un muestreo de la Transformada de Fourier en Tiempo Discreto (TF), tomando  $N$  muestras de esta en el intervalo  $[0, 2\pi)$ .
- Esto permite que la DFT capture una versión discreta de la frecuencia de la señal, conservando información espectral importante en un número finito de puntos.

## 6.4 Propiedades de la DFT

- **Linealidad:** La DFT de la suma de señales es la suma de las DFT individuales, lo que facilita su uso en sistemas lineales.
- **Desplazamiento Circular:** Un desplazamiento en el tiempo se traduce en un cambio de fase en la DFT, con un ajuste circular en el índice de la señal.
- **Dualidad y Simetrías:** Incluye propiedades de simetría (real-imaginaria, par-impar) que simplifican el cálculo de la DFT en ciertos casos.
- **Convolución Circular:** La convolución en tiempo discreto de dos señales es equivalente a la multiplicación de sus DFT, lo que es útil para análisis de sistemas y filtrado.
- **Multiplicación en el Tiempo:** Multiplicar señales en el dominio del tiempo se traduce en una convolución en el dominio de la frecuencia.

## 6.5 Aspectos Prácticos y Aplicaciones

- **Cálculo eficiente:** La DFT se implementa frecuentemente mediante el algoritmo FFT (Fast Fourier Transform) para reducir el tiempo de cómputo.
- **Aplicaciones:** La DFT es fundamental en análisis de frecuencia de audio, compresión de imágenes, diseño de filtros digitales, y muchas otras aplicaciones de procesamiento de señales.

## 6.6 Resumen general

- **Definición y Propósito:** La DFT es una transformada que convierte una señal discreta y finita al dominio de la frecuencia, facilitando su análisis y procesamiento digital.
- **Relación con la Transformada de Fourier en Tiempo Discreto (TF):** La DFT puede interpretarse como un muestreo de la TF, tomando  $N$  muestras equiespaciadas en el intervalo  $[0, 2\pi)$ .
- **Propiedades Fundamentales:** Linealidad, Desplazamiento Circular, Convolución Circular.
- **Aplicaciones y Cálculo Eficiente:** La DFT es fundamental en áreas como audio, imagen y telecomunicaciones. Su implementación eficiente, mediante el algoritmo FFT, permite un procesamiento rápido y eficaz en sistemas digitales.

# Tema 7

---

## Tema 7: Introducción al diseño de filtros digitales

---

### 7.1 Introducción al Filtrado Digital

- Los filtros digitales se utilizan para eliminar o atenuar componentes no deseados en una señal, como el ruido en una grabación de audio.
- **Aplicaciones:** Comunicaciones, procesamiento de voz, imagen y vídeo, radar, y minería de datos.
- **Ventajas sobre filtros analógicos:** Son programables, adaptativos, y requieren un hardware más simple.

### 7.2 Fundamentos del Filtrado Digital

- **Transformada Z (TZ):** Los filtros digitales se diseñan frecuentemente en el dominio de la Transformada Z, una generalización de la Transformada de Fourier para señales discretas.
- **Propiedades clave:** La TZ permite analizar y resolver ecuaciones en diferencias que describen los sistemas lineales e invariantes en el tiempo (SLTI), esenciales en el diseño de filtros.

### 7.3 Tipos de Filtros Digitales

- **Filtros IIR (Infinite Impulse Response):**
  - Tienen una respuesta al impulso infinita, pueden ser inestables (tienen polos) y aproximan mejor a los filtros analógicos.
  - Útiles para filtros de banda estrecha y cuando se requiere una alta capacidad de rechazo con menos cálculos.
- **Filtros FIR (Finite Impulse Response):**

- Respuesta finita al impulso, son siempre estables (no tienen polos) y ofrecen una fase lineal.
- Se implementan mediante convolución y son adecuados cuando se necesita una distorsión de fase mínima.

#### 7.4 Procedimiento para el Diseño de Filtros

- **Paso 1: Especificar la respuesta deseada:** Determinar el tipo de filtro (pasa bajos, pasa altos, pasa banda, rechaza banda) y sus parámetros, como frecuencia de corte y niveles de atenuación.
- **Paso 2: Elegir el tipo de filtro:**
  - **FIR:** Métodos de diseño como enventanado, muestreo de frecuencia, o minimización de error (e.g., método Parks-McClellan).
  - **IIR:** Métodos basados en filtros analógicos clásicos (Butterworth, Chebyshev, elípticos) o diseño directo minimizando el error de respuesta en frecuencia.
- **Paso 3: Seleccionar la estructura de implementación:** Evaluar eficiencia en tiempo de cálculo, uso de memoria y precisión de los coeficientes.

#### 7.5 Resumen general

- **Objetivo y Aplicaciones:** Los filtros digitales eliminan o reducen componentes indeseados (por ejemplo, ruido), con aplicaciones en comunicaciones, procesamiento de voz, imagen y vídeo, entre otros.
- **Tipos de Filtros:**
  - **IIR (Infinite Impulse Response):** Tienen polos, pueden ser inestables, y se usan en aplicaciones donde se busca aproximación de filtros analógicos.
  - **FIR (Finite Impulse Response):** No tienen polos, siempre son estables y ofrecen una fase lineal, ideales para evitar distorsión de fase.
- **Diseño de Filtros:** Se especifica la respuesta deseada (pasa bajos, pasa altos, etc.), se elige el tipo de filtro (FIR o IIR), y se selecciona una estructura de implementación eficiente según los recursos.